

## УМЕНЬШЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ РАСПАДА ТРИТИЯ ВО ВНЕШНЕМ ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

© 2007 г. Д. В. Филиппов\*

Институт общей физики им. А. М. Прохорова РАН, Москва

Поступила в редакцию 11.10.2006 г.; после доработки 27.02.2007 г.

Показано, что вероятность  $\beta$ -распада трития уменьшается при воздействии на атом внешнего однородного постоянного электрического поля. Для атома трития эффект связан, во-первых, с уменьшением граничной энергии  $\beta$ -распада и, во-вторых, с уменьшением плотности незанятых связанных электронных состояний на ядре. Оба обстоятельства приводят к уменьшению вероятности  $\beta$ -распада: первое — к уменьшению вероятности распада в непрерывный спектр электронов, второе — к уменьшению распада в связанное состояние.

PACS: 23.40.-s

### 1. ВВЕДЕНИЕ

В настоящее время изотопно-гелиевый масс-спектрометрический метод исследования [1, 2] позволяет определять постоянную  $\beta$ -распада трития (атомарного или ионизованного) с погрешностью  $\approx 0.1\%$ . Этой точности достаточно для измерения различий постоянных распада атома и иона трития, а также для исследования влияния внешнего электрического поля на вероятность  $\beta$ -распада. В работах [3, 4] теоретически исследовано изменение вероятности разрешенных и запрещенных  $\beta^-$ -распадов полностью ионизованных атомов в поле интенсивной электромагнитной волны. При этом в качестве частного случая рассмотрено и постоянное электрическое поле. В [3] получено, что в постоянном электрическом поле полная вероятность  $\beta$ -распада  $\lambda$  увеличивается за счет увеличения граничной энергии распада. Эффект пропорционален квадрату напряженности электрического поля (здесь и далее будем пользоваться релятивистскими единицами  $\hbar = c = m_e = 1$ , где  $\hbar$  — постоянная Планка,  $c$  — скорость света в вакууме,  $m_e$  — масса электрона, единица напряженности электрического поля  $E_0 = 1.13 \times 10^{17}$  В/м  $= 3.77 \times 10^{12}$  СГС):

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{35}{64} \frac{\alpha E^2}{Q_0^3} \approx 82.8 E^2, \quad (1)$$

где  $Q_0$  — граничная энергия  $\beta$ -распада (для трития  $Q_0 = 18.6$  кэВ  $\approx 0.0364$ );  $E$  — напряженность электрического поля;  $\alpha$  — постоянная тонкой структуры. В электрическом поле  $E \approx 10^{12}$  В/м  $\approx 4 \times 10^7$  СГС  $\approx 10^{-5} E_0$  оценка (1) дает  $\Delta\lambda/\lambda \approx 10^{-8}$ .

В работах [3, 4] не учитывалось электрическое поле ядра, а следовательно, не учитывались как  $\beta$ -распад в связанное состояние электрона, так и влияние атомной оболочки на вероятность  $\beta$ -распада. Хорошо известно, что  $\beta$ -распад ядра в составе нейтрального атома отличается от  $\beta$ -распада ядра полностью ионизованного атома [1, 2, 5–12]. В настоящей работе будет показано, что учет изменения атомной оболочки и распада в связанное состояние приводит к результату, противоположному [3]: внешнее электрическое поле уменьшает (а не увеличивает, как в [3]) вероятность  $\beta$ -распада трития, и этот эффект на шесть порядков превышает оценку (1).

Известно [1, 5], что при  $\beta$ -распаде трития вероятность распада в связанное состояние электрона для атомарного трития составляет

$$\nu_a \equiv \left( \frac{\lambda_b}{\lambda} \right)_a = (0.62 \pm 0.07)\%,$$

а для свободного иона трития (ядро трития без электронной оболочки)

$$\nu_t \equiv \left( \frac{\lambda_b}{\lambda} \right)_t = (1.07 \pm 0.04)\%.$$

Определим, как меняется плотность связанных атомных состояний на ядре под действием внешнего электрического поля.

### 2. ИЗМЕНЕНИЕ ПЛОТНОСТИ АТОМНЫХ ЭЛЕКТРОНОВ НА ЯДРЕ

Задачу будем решать в нерелятивистском приближении во втором порядке теории возмущений

\*E-mail: filippov-atom@yandex.ru

(для всех функций  $Y = Y^{(0)} + Y^{(1)} + \frac{1}{2}Y^{(2)}$ ). Рассмотрим уравнение электрона в электрическом поле, которое является суперпозицией центрального кулоновского поля ядра и внешнего постоянно-го однородного электрического поля напряженностью  $E$ . Хорошо известно [13–15], что в таком уравнении переменные разделяются при использовании параболических координат

$$x = \sqrt{\xi\eta} \cos \varphi, \quad y = \sqrt{\xi\eta} \sin \varphi, \quad z = \frac{1}{2}(\xi - \eta), \quad (2)$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = \frac{1}{2}(\xi + \eta),$$

элемент объема  $dV = \frac{1}{4}(\xi + \eta) d\xi d\eta d\varphi$ . В уравнении Шредингера

$$\nabla^2 \psi + 2[W - U(\mathbf{r})] \psi = 0 \quad (3)$$

для электрона энергии  $W$ , описываемого волновой функцией  $\psi$ , в поле с потенциальной энергией

$$U(x, y, z) = -\frac{\alpha Z}{r} + E\sqrt{\alpha}z = \quad (4)$$

$$= -\frac{2\alpha Z}{\xi + \eta} + \frac{E\sqrt{\alpha}}{2}(\xi - \eta)$$

делаем обычную для этой задачи замену:

$$\psi(\xi, \eta, \varphi) = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \psi_0 k^{3/2} f(k\xi) g(k\eta) e^{im\varphi}, \quad (5)$$

$$k = \sqrt{-2W},$$

где функции  $f$  и  $g$  нормированы:

$$\int_0^\infty f^2(u) du = \int_0^\infty g^2(u) du = 1. \quad (6)$$

Из условия нормировки  $\int \psi^2 dV = 1$  получаем

$$\psi_0 = F^{-1/2}, \quad (7)$$

$$F \equiv \frac{1}{2} \int_0^\infty u f^2(u) du + \frac{1}{2} \int_0^\infty u g^2(u) du.$$

Уравнение (3) приводится к системе

$$\begin{aligned} (\hat{H} + \hat{V}) f(u) &= C_f f(u), \\ (\hat{H} - \hat{V}) g(u) &= C_g g(u) \end{aligned} \quad (8)$$

с условием

$$C_f + C_g = \alpha Z/k, \quad (9)$$

где

$$\hat{H} \equiv -\frac{d}{du} \left( u \frac{d}{du} \right) + \frac{u}{4} + \frac{m^2}{4u}, \quad (10)$$

$$\hat{V} \equiv \frac{E\sqrt{\alpha}}{4k^3} u^2.$$

Для слабого внешнего поля решаем систему (8) стандартными методами теории возмущений [13–15]. При этом считаем энергию  $W$  фиксированным параметром. Возмущение строим по собственным значениям  $C$  (9), малым возмущающим параметром считаем  $V$  (10). Зависимость энергии  $W$  и волнового числа  $k$  от напряженности внешнего поля  $E$  получается из условия связи (9). При расчете функции распределения нужно учесть, что под действием возмущения меняются: волновое число  $k$ , функции  $f$ ,  $g$  и множитель  $\psi_0$ , для которого (7) является точным выражением. Несложно проверить, что невозмущенными (в отсутствие внешнего поля  $E$ ) решениями (8) являются [13]:

$$f_{n_1}^{(0)}(u) = I_{n_1+m, n_1}(u), \quad (11)$$

$$g_{n_2}^{(0)}(u) = I_{n_2+m, n_2}(u),$$

$$C_{n_{1,2}}^{(0)} = n_{1,2} + \frac{1}{2}(m+1),$$

где  $n_{1,2}$  — параболические квантовые числа,

$$I_{n+m, n}(u) = \sqrt{\frac{n!}{(n+m)!}} e^{-u/2} u^{m/2} L_n^{(m)}(u)$$

— нормированные функции выраженные через полиномы Лагерра  $L_n^{(m)}$  [16] (здесь и далее в выражениях для  $f$  и  $g$  под  $n$  будем понимать соответственно параметры  $n_1$  или  $n_2$ ). Для невозмущенного состояния условие связи (9) дает спектр

$$\begin{aligned} C_{n_1}^{(0)} + C_{n_2}^{(0)} &= n_1 + n_2 + m + 1 = N, \\ k^{(0)} &= \alpha Z/N, \quad F^{(0)} = N, \end{aligned} \quad (12)$$

где  $N$  — главное квантовое число невозмущенного состояния.

Точные решения системы с возмущением (8) раскладываем по невозмущенным функциям  $I_{n+m, n}$ , которые образуют ортонормированный базис при различных  $n$  и фиксированном  $m$ . Для вычисления изменения вероятности разрешенного  $\beta$ -распада необходимо определить изменение ненулевой плотности электронов на ядре, поэтому будем рассматривать состояния с  $m = 0$ . Первые два порядка теории возмущений дают:

$$C_n = \left( n + \frac{1}{2} \right) + C_n^{(1)} + \frac{1}{2} C_n^{(2)}, \quad (13)$$

$$C_n^{(1)} = V_{nn},$$

$$C_n^{(2)} = 2 \sum_{l \neq n} \frac{V_{nl}^2}{n-l},$$

для  $f$ :

$$\begin{aligned}
 f_n &= I_{n,n} + f_n^{(1)} + \frac{1}{2} f_n^{(2)}, \quad (14) \\
 f_n^{(1)} &= \sum_{l \neq n} \frac{V_{nl}}{n-l} I_{l,l}, \\
 f_n^{(2)} &= 2 \sum_{l \neq n} \left[ \sum_{s \neq n} \frac{V_{sn} V_{sl}}{(n-s)(n-l)} - \frac{V_{nn} V_{nl}}{(n-l)^2} \right] I_{l,l} - \sum_{s \neq n} \frac{V_{ns}^2}{(n-s)^2} I_{n,n},
 \end{aligned}$$

выражения для  $g$  аналогичны. В (13) и (14) введены матричные элементы

$$V_{nn'} \equiv \int f_n^{(0)*} \hat{V} f_n^{(0)} du = \pm U \int u^2 I_{n,n} I_{n',n'} du, \quad (15)$$

где знак “плюс” относится к  $f$ , а “минус” — к  $g$ ,

$$U = \frac{1}{4} \frac{E\sqrt{\alpha}}{k^3}. \quad (16)$$

В (15) отличны от нуля только члены с  $|n' - n| \leq 2$ . Второй порядок возмущения функции  $f$  в (14) выбран так, что сохраняется нормировка (6). Расчет возмущений производим, считая, что есть только один параметр возмущения  $U$  (16), а затем, пользуясь условием связи (9), определяем зависимость этого параметра от напряженности внешнего электрического поля  $E$ . Во втором порядке следует учесть, что  $U$  зависит от  $k$ .

Из (13) с учетом известных значений интегралов, содержащих функции  $I$  [13, 16], следует:

$$\begin{aligned}
 C_{n_1}^{(1)} &= U [6n_1 (n_1 + 1) + 2], \quad (17) \\
 C_{n_1}^{(1)} + C_{n_2}^{(1)} &= U \cdot 6N (n_1 - n_2), \\
 C_{n_1}^{(2)} &= -4U^2 [34n_1^3 + 51n_1^2 + 35n_1 + 9].
 \end{aligned}$$

Для волнового числа  $k$  в зависимости от  $U$  и  $E$  из условия связи (9) в первом порядке получаем

$$\begin{aligned}
 k^{(1)}(U) &= -\frac{\alpha Z}{N^2} (C_{n_1}^{(1)} + C_{n_2}^{(1)}) = \quad (18) \\
 &= -6U \frac{\alpha Z}{N} (n_1 - n_2), \\
 k^{(1)}(E) &= -\frac{3}{2} \frac{E\sqrt{\alpha}}{(\alpha Z)^2} N^2 (n_1 - n_2).
 \end{aligned}$$

Учитывая соотношения между  $U$  и  $k$  (6), находим зависимость

$$U(E) = \frac{1}{4} \frac{E\sqrt{\alpha}}{(\alpha Z)^3} N^3 + \frac{9}{8} \frac{E^2}{\alpha^5 Z^6} N^6 (n_1 - n_2).$$

В итоге для  $k$  во втором порядке получаем

$$\begin{aligned}
 k^{(2)}(U) &= \frac{2\alpha Z}{N^3} (C_{n_1}^{(1)} + C_{n_2}^{(1)})^2 - \quad (19) \\
 &- \frac{\alpha Z}{N^2} (C_{n_1}^{(2)} + C_{n_2}^{(2)}) = 2U^2 \frac{\alpha Z}{N} \times \\
 &\times (17N^2 + 87(n_1 - n_2)^2 + 19), \\
 k^{(2)}(E) &= 2k^{(1)}(U^{(1)}(E)) + k^{(2)}(U^{(0)}(E)) = \\
 &= \frac{1}{8} \frac{E^2 N^5}{\alpha^4 Z^5} (17N^2 - 21(n_1 - n_2)^2 + 19).
 \end{aligned}$$

В выражениях (19) различаются коэффициенты при втором слагаемом, как и следовало ожидать для второго порядка теории возмущений, из-за зависимости  $U$  от  $E$  и  $k$  (16). Учитывая соотношение (5), связывающее энергию  $W$  с числом  $k$ , получаем известный спектр эффекта Штарка [13–15]:

$$\begin{aligned}
 W^{(0)} &= -\frac{1}{2} (k^{(0)})^2 = -\frac{1}{2} \left( \frac{\alpha Z}{N} \right)^2, \quad (20) \\
 W^{(1)}(E) &= -k^{(0)} k^{(1)} = \frac{3}{2} \frac{E(n_1 - n_2)N}{\sqrt{\alpha Z}}, \\
 W^{(2)}(E) &= - (k^{(1)})^2 - k^{(0)} k^{(2)} = \\
 &= -\frac{1}{8} \frac{E^2 N^4}{\alpha^3 Z^4} (17N^2 - 3(n_1 - n_2)^2 + 19).
 \end{aligned}$$

Малым параметром разложения является отношение возмущения энергии к энергии невозмущенного уровня [13]:

$$\frac{W^{(1)}}{W^{(0)}} \approx E\sqrt{\alpha} \left( \frac{N}{\alpha Z} \right)^3 \approx \frac{E\sqrt{\alpha}}{k^3} = 4U \ll 1. \quad (21)$$

Первых два порядка теории возмущений — линейный и квадратичный эффекты Штарка — приводят к расщеплению состояний с главным квантовым числом  $N$ . В первом порядке теории возмущений суммарная плотность электронов на ядре не меняется. Если  $n_1 = n_2$ , то энергия (и волновое число  $k$ ) в первом порядке не меняется, функции  $f$  и  $g$  имеют одинаковые по модулю, но противоположные по знаку возмущения (14), (15). Следовательно, произведение  $fg$  и сумма интегралов (7) не меняются, из чего следует неизменность  $\psi$  в точке  $\xi = \eta = 0$  (5). Если  $n_1 \neq n_2$ , то пара состояний с параболическими квантовыми числами  $(n_1, n_2)$  и  $(n_2, n_1)$  в первом порядке имеют одинаковые по модулю, но разные по знаку изменения плотности, и суммарная плотность электронов расщепившегося состояния с главным квантовым числом  $N$  в первом порядке не меняется.

Во втором порядке изменения плотности отличны от нуля. Далее для краткости записи будем

обозначать  $I_{n,n} \equiv I_{[n]}$ . Из (14) следует

$$\begin{aligned} f_n^{(1)} U^{-1} &= \frac{1}{2} n(n-1) I_{[n-2]} - 4n^2 I_{[n-1]} + \quad (22) \\ &+ 4(n+1)^2 I_{[n+1]} - \frac{1}{2} (n+2)(n+1) I_{[n+2]}, \\ f_n^{(2)} U^{-2} &= I_{[n-4]} \frac{1}{4} n(n-1)(n-2)(n-3) - \\ &- I_{[n-3]} \frac{4}{3} n(n-1)(n-2)(3n-2) + \\ &+ I_{[n-2]} \cdot 2n(n-1)(8n^2 - 14n + 3) + \\ &+ I_{[n-1]} \cdot 4n(n^3 + 33n^2 + 3n + 3) - \\ &- I_{[n]} \frac{1}{2} (65n^4 + 130n^3 + 199n^2 + 134n + 34) + \\ &+ I_{[n+1]} \cdot 4(n+1)(n^3 - 30n^2 - 60n - 32) + \\ &+ I_{[n+2]} \cdot 2(n+1)(n+2)(8n^2 + 30n + 25) - \\ &- I_{[n+3]} \frac{4}{3} (n+1)(n+2)(n+3)(3n+5) + \\ &+ I_{[n+4]} \frac{1}{4} (n+1)(n+2)(n+3)(n+4). \end{aligned}$$

Наибольшей плотностью на ядре обладает первый квантовый уровень  $1s$  ( $N=1$ ,  $n_1=n_2=0$ ). Для этого уровня получаем следующие изменения:

$$\begin{aligned} f_0^{(1)} &= -g_0^{(1)} = U(4I_{[1]} - I_{[2]}), \quad (23) \\ f_0^{(2)} &= g_0^{(2)} = \\ &= U^2(-17I_{[0]} - 128I_{[1]} + 100I_{[2]} - 40I_{[3]} + 6I_{[4]}), \\ k^{(1)} &= 0, \quad k^{(2)} = 72U^2 \alpha Z. \end{aligned}$$

Изменение интеграла в (7) составляет

$$\begin{aligned} F^{(1)} &= \int_0^\infty u(f^{(0)} f^{(1)} + g^{(0)} g^{(1)}) du = 0, \quad (24) \\ F^{(2)} &= 2U^2 \int_0^\infty u(I_{[0]}(-17I_{[0]} - 128I_{[1]} + \\ &+ (4I_{[1]} - I_{[2]})^2) du = 360U^2. \end{aligned}$$

Из (5) следует, что уменьшение плотности основного состояния электрона  $\rho_1$  на ядре под действием внешнего электрического поля составляет

$$\begin{aligned} \frac{\Delta \rho_1}{\rho_1} &= \frac{f^{(2)}}{f^{(0)}} + \frac{g^{(2)}}{g^{(0)}} + \left( \frac{f^{(1)}}{f^{(0)}} \right)^2 + \quad (25) \\ &+ 4 \frac{f^{(1)} g^{(1)}}{f^{(0)} g^{(0)}} + \left( \frac{g^{(1)}}{g^{(0)}} \right)^2 + \frac{3 k^{(2)}}{2 k^{(0)}} - \frac{1}{2} \frac{F^{(2)}}{F^{(0)}} = \end{aligned}$$

$$= -248U^2 = -\frac{31}{2} \frac{E^2}{\alpha^5 Z^6}.$$

Аналогичные вычисления для изменения суммарной плотности возбужденного уровня  $N=2$ ,  $(n_1, n_2) = (1,0), (0,1)$  дают:

$$\begin{aligned} f_1^{(1)} &= -g_1^{(1)} = U(-4I_{[0]} + 16I_{[2]} - 3I_{[3]}), \\ f_1^{(2)} &= g_1^{(2)} = U^2(160I_{[0]} - 281I_{[1]} - 968I_{[2]} + \\ &+ 756I_{[3]} - 256I_{[4]} + 30I_{[5]}), \\ k_{0,1}^{(1)} &= -k_{1,0}^{(1)} = 3U\alpha Z, \quad k_{0,1}^{(2)} = k_{1,0}^{(2)} = 174U^2 \alpha Z, \\ F_{0,1}^{(1)} &= -F_{1,0}^{(1)} = 24U, \quad F_{0,1}^{(2)} = F_{1,0}^{(2)} = 2760U^2, \\ \frac{\Delta \rho_2}{\rho_2} &= -860U^2. \end{aligned}$$

Таким образом, на ядре плотность и основного, и возбужденного уровней атомных электронов уменьшается.

### 3. ИЗМЕНЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ РАСПАДА В СВЯЗАННОЕ СОСТОЯНИЕ

Вероятность распада в связанное состояние пропорциональна плотности электронов на ядре (того состояния, в которое происходит распад) и квадрату граничной энергии распада [6]. Изменение граничной энергии для распада в связанное состояние при воздействии внешнего электрического поля равно разности изменения потенциалов ионизации конечного и начального атомов (или ионов) [11, 12]:

$$\Delta Q = \left( \left| I_{\text{He}}^{(E)} \right| - \left| I_{\text{He}}^{(0)} \right| \right) - \left( \left| I_{\text{H}}^{(E)} \right| - \left| I_{\text{H}}^{(0)} \right| \right), \quad (26)$$

где  $I^{(E)}$ ,  $I^{(0)}$  — соответственно потенциалы ионизации во внешнем поле и невозмущенного атома (или иона). Во втором порядке теории возмущений энергия ионизации увеличивается по модулю, и увеличение обратно пропорционально  $Z^4$  (20). При распаде атома трития в связанное состояние дочерним является нейтральный атом гелия с двумя электронами  $Z=2$ :

$$\begin{aligned} \left| I_{\text{He}}^{(E)} \right| - \left| I_{\text{He}}^{(0)} \right| &= \frac{9}{2} \frac{E^2}{\alpha^3 Z^4} = \frac{9}{32} \frac{E^2}{\alpha^3}, \quad (27) \\ \left| I_{\text{H}}^{(E)} \right| - \left| I_{\text{H}}^{(0)} \right| &= \frac{9}{4} \frac{E^2}{\alpha^3}. \end{aligned}$$

Следовательно, граничная энергия распада атома трития в связанное состояние уменьшается на величину

$$\Delta Q_{ba} = -\frac{63}{32} \frac{E^2}{\alpha^3}. \quad (28)$$

При распаде иона трития в начальном состоянии атомная оболочка отсутствует, и энергия ионизации равна нулю. Следовательно, в (26) играет роль только разность потенциалов ионизации конечного водородоподобного иона гелия. Граничная энергия  $\beta$ -распада иона трития в связанное состояние увеличивается на величину

$$\Delta Q_{bt} = |I_{\text{He}^+}^{(E)}| - |I_{\text{He}^+}^{(0)}| = \frac{9}{4} \frac{E^2}{\alpha^3 Z^4} = \frac{9}{64} \frac{E^2}{\alpha^3}. \quad (29)$$

Уменьшение вероятности распада атома трития в связанное состояние составляет

$$\begin{aligned} \left(\frac{\Delta\lambda_b}{\lambda_b}\right)_a &= \frac{\Delta\rho}{\rho} + 2\frac{\Delta Q}{Q_0} = \\ &= -\frac{E^2}{2\alpha^5} \left(\frac{31}{Z^6} + \frac{63}{8} \frac{\alpha^2}{Q_0}\right) \end{aligned} \quad (30)$$

(для конечного ядра  $Z = 2$ ). Вклад второго члена (за счет изменения энергии) составляет  $\approx 2.3\%$ . Для иона трития:

$$\begin{aligned} \left(\frac{\Delta\lambda_b}{\lambda_b}\right)_t &= \frac{\Delta\rho}{\rho} + 2\frac{\Delta Q}{Q_0} = \\ &= -\frac{E^2}{2\alpha^5} \left(\frac{31}{Z^6} - \frac{9}{16} \frac{\alpha^2}{Q_0}\right) < 0, \end{aligned} \quad (31)$$

вклад второго члена  $\sim 0.17\%$ .

#### 4. ИЗМЕНЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ РАСПАДА В СОСТОЯНИИ НЕПРЕРЫВНОГО СПЕКТРА

Вероятность разрешенного  $\beta$ -распада в состоянии непрерывного спектра электронов определяется интегральной функцией Ферми [17]. При распаде атома трития в состоянии непрерывного спектра конечной системой является водородоподобный ион гелия. В этом случае изменение граничной энергии распада аналогично (27), (29) составляет

$$\begin{aligned} \Delta Q_{ca} &= \left(|I_{\text{He}^+}^{(E)}| - |I_{\text{He}^+}^{(0)}|\right) - \left(|I_{\text{H}}^{(E)}| - |I_{\text{H}}^{(0)}|\right) = \\ &= \left(\frac{9}{64} - \frac{9}{4}\right) \frac{E^2}{\alpha^3} = -\frac{135}{64} \frac{E^2}{\alpha^3}. \end{aligned} \quad (32)$$

Так как энергия распада трития  $Q_0 \ll 1$ , для оценки изменения интегральной функции Ферми при изменении граничной энергии распада учтем главный член разложения [17]:

$$\begin{aligned} S &\equiv \int_1^{E_0} E \sqrt{E^2 - 1} (E_0 - E)^2 dE = \\ &= \frac{1}{60} \sqrt{E_0^2 - 1} (2E_0^4 - 9E_0^2 - 8) + \end{aligned} \quad (33)$$

$$+ \frac{1}{4} E_0 \ln \left( E_0 + \sqrt{E_0^2 - 1} \right) \approx \frac{16\sqrt{2}}{105} Q_0^{7/2},$$

где  $E_0 = 1 + Q_0$ . Для изменения вероятности распада атома трития в состоянии непрерывного спектра электронов получаем

$$\frac{\Delta\lambda_c}{\lambda_c} = \frac{\Delta S}{S} \approx \frac{8\sqrt{2}}{15} \frac{\Delta Q_{ca}}{Q_0} = -\frac{9\sqrt{2}}{8} \frac{E^2}{\alpha^3 Q_0}. \quad (34)$$

#### 5. ИТОГОВОЕ УМЕНЬШЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ РАСПАДА ТРИТИЯ

Для  $\beta$ -распада атома трития итоговое уменьшение вероятности распада  $\lambda$  при помещении в постоянное электрическое поле составляет

$$\begin{aligned} \left(\frac{\Delta\lambda}{\lambda}\right)_a &= \left(\frac{\lambda_b}{\lambda}\right)_a \left(\frac{\Delta\lambda_b}{\lambda_b}\right)_a + \frac{\Delta\lambda_c}{\lambda} \approx \\ &\approx -\frac{E^2}{2\alpha^5} \left[ \nu_a \frac{31}{Z^6} + \frac{9\sqrt{2}}{4} \frac{\alpha^2}{Q_0} \right] \approx -1.85 \times 10^8 E^2. \end{aligned} \quad (35)$$

В этом случае изменение вероятности распада в связанное состояние за счет изменения плотности электронов на ядре (первое слагаемое) того же порядка, что и изменение вероятности распада в состоянии непрерывного спектра за счет изменения энергии ионизации (второе слагаемое).

Для иона трития:

$$\begin{aligned} \left(\frac{\Delta\lambda}{\lambda}\right)_t &= \left(\frac{\lambda_b}{\lambda}\right)_t \left(\frac{\Delta\lambda_b}{\lambda_b}\right)_t \approx \\ &\approx -\nu_t \frac{E^2}{\alpha^5} \frac{31}{2Z^6} \approx -1.25 \times 10^8 E^2, \end{aligned} \quad (36)$$

что в  $10^6$  раз превышает оценку (1), полученную в [3], и имеет противоположный знак. Причина такого различия заключается в следующем. В [3] рассмотрен распад полностью ионизованного атома только в состоянии непрерывного спектра электронов. Так как для такого распада атомная оболочка отсутствует и в начальном, и в конечном состояниях, то не происходит изменения граничной энергии распада из-за изменения энергии ионизации (26). Для этого канала единственная причина изменения вероятности  $\beta$ -распада заключается в увеличении граничной энергии из-за влияния внешнего электрического поля на  $\beta$ -электрон, что и рассмотрено в [3]. Этот эффект мал ( $10^{-8}$ ) по сравнению с влиянием внешнего электрического поля на изменение плотности электронов связанных состояний на ядре дочернего иона гелия (25). Распад в связанное состояние ( $\lambda_b$ ) в [3] не учитывался, но этот канал всегда существует, и его доля  $\nu_t$  не мала (1%). Именно изменения  $\lambda_b$  с учетом  $\nu_t$  приводят к полученному результату (36). При распаде иона трития пределом применимости

полученных оценок является условие (21) с  $Z = 2$ :  $E \ll 3.7 \times 10^{-5} E_0 \approx 10^8$  СГС. В электрическом поле напряженностью  $1.5 \times 10^7$  СГС  $\approx 4 \times 10^{-6} E_0$  относительное уменьшение вероятности распада иона трития составит 0.2%, что является величиной, доступной для измерения [1].

Автор выражает благодарность Л.И. Уруцкоеву и А.А. Рухадзе за внимание к работе и обсуждение результатов.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. В. А. Акулов, Б. А. Мамырин, УФН **173**, 1187 (2003).
2. Б. А. Мамырин, В. А. Акулов, УФН **174**, 791 (2004).
3. Е. Х. Ахмедов, ЖЭТФ **85**, 1521 (1983).
4. Е. Х. Ахмедов, ЖЭТФ **87**, 1541 (1984).
5. Р. М. Sherk, Phys. Rev. **75**, 789 (1949).
6. J. N. Bahcall, Phys. Rev. **124**, 495 (1961).
7. К. Takahashi and К. Yokoi, Nucl. Phys. A **404**, 578 (1983).
8. К. Takahashi, R. N. Boyd, G. J. Mathews, and К. Yokoi, Phys. Rev. C **36**, 1522 (1987).
9. М. Jung, F. Bosch, К. Beckert, *et al.*, Phys. Rev. Lett. **69**, 2164 (1992).
10. F. Bosch, Т. Faestermann, J. Friese, *et al.*, Phys. Rev. Lett. **77**, 5190 (1996).
11. С. В. Стародубцев, А. М. Романов, *Радиоактивные превращения ядер и атомная оболочка* (Изд-во АН УзССР, Ташкент, 1958), с. 238.
12. Л. И. Уруцкоев, Д. В. Филиппов, УФН **174**, 1355 (2004).
13. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, *Теоретическая физика* (Физматлит, Москва, 2001), т. 3.
14. Г. Бете, Э. Солпитер, *Квантовая механика атомов с одним и двумя электронами* (Физматгиз, Москва, 1960).
15. А. Зоммерфельд, *Строение атома и спектры* (Гостехтеориздат, Москва, 1956), т. 1, 2.
16. *Справочник по специальным функциям*, под ред. М. Абрамовица, И. Стиган (Наука, Москва, 1979).
17. Б. С. Джелепов, Л. Н. Зырянова, Ю. П. Суслов, *Бета-процессы* (Наука, Ленинград, 1972).

## THE DECREASING OF PROBABILITY OF DECAY OF TRITIUM IN AN EXTERNAL ELECTRIC FIELD

D. V. Filippov

It is shown that the probability of  $\beta$  decay of tritium decreases due to the influence on the atom of an external homogeneous constant electric field. For the atom of tritium the effect is connected with two circumstances: first, with decreasing of boundary energy of  $\beta$  decay, and second, with decreasing of density of the free bound electron states at the nucleus. Both circumstances result in reduction of probability of  $\beta$  decay: the first phenomenon results in the reduction of probability of disintegration in the continuous electron states, the second phenomenon results in the reduction of decay to the bound electron states.